

Problème 545-2

$xy+xz+yz=0$ devient en divisant par xyz qui n'est pas nul : $\frac{1}{z}+\frac{1}{y}+\frac{1}{x}=0$

$$\frac{x+y}{z}+\frac{x+z}{y}+\frac{y+z}{x}=\frac{x+y+z}{z}-1+\frac{x+y+z}{y}-1+\frac{x+y+z}{x}-1=(x+y+z)\left(\frac{1}{z}+\frac{1}{y}+\frac{1}{x}\right)-3=-3$$