

Voici une réponse partielle au problème 553-1

$$x/y + y/z + z/x = k$$

On pose $z = 4x$ puis $y = 2x$

$$\text{Alors } xyz = (2x)^3$$

Et $k = 5$ quelque soit x